

Exercice n°1

soient les trinômes du second degré $A(x) = -2x^2 + 3x + 5$
 $B(x) = 2x^2 + x + 1$

1) Résoudre les équations a) $A(x) = 0$
b) $B(x) = 0$

2) Déduire si c'est possible une factorisation de chacune de ces trinômes : $A(x), B(x)$

3) Dresser le tableau de variation de chacun de ces trinômes

4) En déduire les solutions des inéquations suivantes : $A(x) > 0$, $B(x) < 0$

a) Soit $F(x) = \frac{A(x)}{B(x)}$ déterminer l'ensemble des réels x pour lesquels l'expression a un sens

6) Résoudre l'inéquation $F(x) > 0$

Exercice n°2 :

Trouver les réels x et y tel que $\begin{cases} x^2 + y^2 = 117 \\ xy = 54 \end{cases}$

Exercice n°3 :

I) On donne deux points A et B et

On considère l'application

$h : P \longrightarrow P$

$M \longrightarrow M' : \text{tel que } \overline{MM'} = \overline{MA} - 3\overline{MB} \quad \overline{MM'} = \overline{MA} - 3\overline{MB}$

a) Montrer que l'application h admet un seul point invariant O que l'on précisera

2) Démontrer que h est une homothétie que l'on caractérisera

II) on considère le triangle OEK ($OE=6, OK=2$ et $EK=5$) L'unité étant le cm

1) Construire le point L image de K par l'homothétie : $h(O, 3)$

2) Construire le points F image de E par l'homothétie : $h(O, \frac{1}{3})$

3) Montrer que (KF) est l'image de (LE) par une homothétie que l'on précisera en déduire que (KF) est parallèle à (LE)

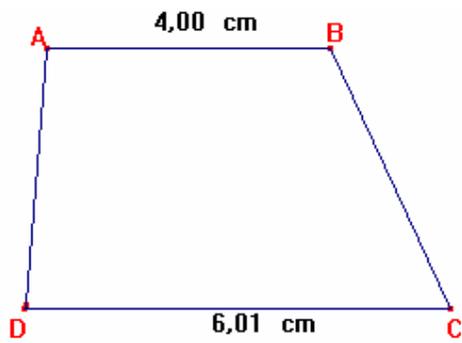
4) Déterminer puis construire ζ' l'image du cercle $\zeta(L, 3)$ par $h(O, \frac{1}{3})$

5) Soit D une droite passant par O et tangente à ζ en M, D coupe ζ' en N

a) Montrer que $h(O, 3)(N) = M$

b) En déduire que D est tangente à ζ'

II)



Soit h_1 l'homothétie tel que $h_1(A)=D$

Et $h_1(B)=C$

Soit h_2 l'homothétie tel que $h_2(A)=C$

Et $h_2(B)=D$

1) Construire le centre et déterminer le rapport de chacune de ces deux homothétie (Justifier)